

# 13. Representação dos inteiros

DIM0321

2015.1

## Outline

- 1 Introdução
- 2 Tipos inteiros
- 3 Manipulação de bits

- 1 **Introdução**
- 2 Tipos inteiros
- 3 Manipulação de bits

## Bits e bytes

### Definição (Bit)

- Um **bit** é a unidade básica de informação no computador
- Tem 2 valores
  - 1 verdadeiro / ligado
  - 0 falso / desligado

### Definição (Byte)

- Um **byte** é o menor agrupamento de bits manipulável pelo processador
- Hoje 1 byte = 8 bits (já foi 6 ou 7 bits)
- A metade de 1 byte é um **nibble**

## Representação posicional numérica

### Representações

- 22, XXII, vinte e dois, twenty-two, vingt-deux, zweiundzwanzig, 0x16, 0o26 são representações da quantidade numérica “22”.
- Em matemática, usa-se o sistema (posicional numérico) decimal
- Em ciências da computação, usa-se também os sistemas (posicionais numéricos) hexadecimal, binário, octal.

### Sistemas posicionais

- Num sistema posicional, um número  $x$  pode ser representado num sistema de base  $b$  com o polinômio:

$$d_n b^n + d_{n-1} b^{n-1} + \dots + d_1 b^1 + d_0 b^0 + d_{-1} b^{-1} + \dots + d_m b^m$$

- Ou

$$(d_n d_{n-1} \dots d_1 d_0 . d_{-1} \dots d_m)_b$$

- $153, 24_{10} = 1 * 10^2 + 5 * 10^1 + 3 * 10^0 + 2 * 10^{-1} + 4 * 10^{-2}$

## Representação binária de naturais

### Ordem de leitura

- As representações numéricas usuais se leem da esquerda para a direita.
- O computador (como o ser humano) pode ler nos dois sentidos.

### Endianness (Lilliput vs. Blefuscu)

A **extremidade** maior determina a ordenação da sequência dos bits. Pode ser:

- **extremidade menor primeiro** (little-endian, ordem crescente) : x86, AMD, Z80
  - $2_{10} = 01_2$
- **extremidade maior primeiro** (big-endian, ordem decrescente) : Motorola 68000, PowerPC
  - $2_{10} = 10_2$
- A arquitetura ARM é **bi-endian**, sabe enviar dados em qualquer dos 2 formatos

## Exercícios

- 1 Representar em formato binário  $138_{10}$ ,  $(43)_{10}$ ,  $200_{10}$
- 2 Representação decimal dos números *little-endian*  
 $01010101_2$ ,  $10101010_2$ ,  $11001100_2$
- 3 Escrever um programa que lê um número natural entre 0 e 255 e imprime a sua representação binária.

- 1 Introdução
- 2 Tipos inteiros
- 3 Manipulação de bits

## Representação

### Sequencia de bits

Um inteiro é um sequencia de bits, i.e. de dígitos na base 2. O tipo `int` tem (geralmente) 32 bits.

### Sinal

- Tipos inteiros podem conter uma informação de sinal para representar números negativos.
- Esta informação, se tiver presente, ocupa **1 bit**

### Bit de Sinal

- Se o bit de sinal for 1, o número é **negativo**
- Se for 0, o número positivo.
- $0_{10} = 0\dots0_2$ : 0 é "positivo"

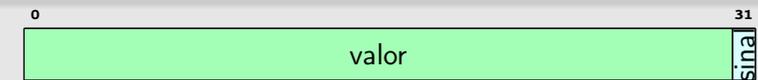
## Tipos inteiros com sinal

### Definição

Tipo	# bits	# bytes	Mínimo	Máximo	Formato
<code>char</code>	8	1	<code>SCHAR_MIN</code>	<code>SCHAR_MAX</code>	<code>%c</code> , <code>%hi</code>
<code>short</code>	$\geq 16$	$\geq 2$	<code>SHRT_MIN</code>	<code>SHRT_MAX</code>	<code>%hi</code>
<code>int</code>	$\geq 16$	$\geq 2$	<code>INT_MIN</code>	<code>INT_MAX</code>	<code>%i</code> , <code>%d</code>
<code>long</code>	$\geq 32$	$\geq 4$	<code>LONG_MIN</code>	<code>LONG_MAX</code>	<code>%li</code> , <code>%ld</code>
<code>long long</code>	$\geq 64$	$\geq 8$	<code>LLONG_MIN</code>	<code>LLONG_MAX</code>	<code>%lli</code> , <code>%lld</code>

- Limites definidos em `limits.h`
- Tamanhos reais **dependem** da arquitetura da máquina (e do compilador)

### O tipo `int`



## Intervalos mínimos

### Definição

Tipo	Intervalo mínimo
<code>char</code>	<code>[-127, 127]</code>
<code>short</code>	<code>[32767, +32767]</code>
<code>int</code>	<code>[32767, +32767]</code>
<code>long</code>	<code>[2147483647, +2147483647]</code>
<code>long long</code>	<code>[9223372036854775807, +9223372036854775807]</code>

### Relação entre os tamanhos

- `long long`  $\geq$  `long`  $\geq$  `int`  $\geq$  `short`
- `char` é sempre o menor tipo de dado representável

## Tipos inteiros sem sinal

### Definição

Tipo	# bits	# bytes	mínimo	máximo
<code>unsigned char</code>	8	1	0	<code>UCHAR_MAX</code> (255)
<code>unsigned short</code>	$\geq 16$	$\geq 2$	0	<code>USHRT_MAX</code>
<code>unsigned int</code>	$\geq 16$	$\geq 2$	0	<code>UINT_MAX</code>
<code>unsigned long</code>	$\geq 32$	$\geq 4$	0	<code>ULONG_MAX</code>
<code>unsigned long long</code>	$\geq 64$	$\geq 8$	0	<code>ULLONG_MAX</code>

- limites definidos em `limits.h`
- versões sem sinal dos tipos inteiros com sinal



## Regras (operadores aritméticos)

- 1 Se um operando for long double, o outro é convertido em long double.
- 2 Senão, se um for double, o outro é convertido em ~ double~.
- 3 Senão, se um for float, o outro é convertido em float.
- 4 Senão promoções inteiras são aplicadas aos 2 operandos
  - 1 Se um for unsigned long, o outro é convertido em unsigned long
  - 2 Senão se um for long, e o outro unsigned int
    - 1 se unsigned  $\subseteq$  long, então converte o em long
    - 2 senão os dois são convertidos em unsigned long
  - 3 Senão se um for long, o outro é convertido em long
  - 4 Senão se um for unsigned, o outro é convertido em unsigned
  - 5 Senão os dois operandos tem o tipo int.

### Tipos assinados e não assinados

```
1 if (-1L < 1U) printf("foo\n");
2 if (-1L > 1UL) printf("bar\n");
```

- É um problema complexo : nem GCC 4.8.2, nem clang 3.4 respeitam o padrão!

DIM0321

13. Representação dos inteiros

2015.1 17 / 27

## Conversão explícita: coerção

### Exemplo

```
1 if (-1L < 1U) printf("foo\n");
2 if (-1L > 1UL) printf("bar\n");
```

### Com conversões explícitas

```
1 if ((unsigned long) -1L < (unsigned long) 1U) printf("foo\n");
2 if ((unsigned) -1L > 1UL) printf("bar\n");
```

DIM0321

13. Representação dos inteiros

2015.1 18 / 27

## Representação hexadecimal

### Definição

- A base é 16
- Os dígitos são 0...9, A...F
- Um dígito hexadecimal representa **1 nibble** (a metade de 1 byte)

### Exemplo

- $0_{10} = 0_{16}$
- $255_{10} = ff_{16}$

### Exercício

- 1 Escreva em notação decimal
  - ▶ 0xda
  - ▶ 0x12
  - ▶ 0xffffffff
- 2 Representação binária de '0x100, 0xf0f0, 0xabcd'
- 3 Representação hexadecimal de '111111110000000000', '1010000110000001'

DIM0321

13. Representação dos inteiros

2015.1 19 / 27

## Conversão

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <limits.h>
3
4 void pphex(unsigned n)
5 {
6     if (h < 10) printf("%u", h);
7     else switch (h) {
8     case 10:
9         printf("a");
10        break;
11     case 11:
12        printf("b");
13        break;
14     case 12:
15        printf("c");
16        break;
17     case 13:
18        printf("d");
19        break;
20     case 14:
21        printf("e");
22        break;
23     case 15:
24        printf("f");
25        break;
26     default:
27        /* not reached */
28        break;
29    }
30 }
```

```
1 void bin2hex(unsigned n)
2 {
3     unsigned m = n;
4     unsigned i, j, h, b;
5     for (i = 0; i < sizeof(unsigned); i++) {
6         h = 0;
7         b = 1;
8         for (j = 0; j < 4; j++, b *= 2) {
9             if (m >>= j & 1u) h += b;
10        }
11        pp_hex(h);
12        m >>= 4;
13    }
14    printf("\n");
15 }
16
17 int main(void)
18 {
19     unsigned n;
20     scanf("%u", &n);
21     bin2hex(n);
22     printf("%x\n", n);
23     return 0;
24 }
```

DIM0321

13. Representação dos inteiros

2015.1 20 / 27

## Limitações

- Os inteiros básicos de C são limitados
- Existe também meios de usar aritmética de precisão arbitrária
- Para C = biblioteca GMP

```

1 #include <limits.h>
2 #include <stdio.h>
3 int main(void)
4 {
5     printf("[%d, %d]\n", INT_MIN, INT_MAX);
6     printf("%d\n", INT_MAX + 1);
7     printf("%d\n", INT_MIN - 1);
8     return 0;
9 }
    
```

```

[-2147483648, 2147483647]
-2147483648
2147483647
    
```

1 Introdução

2 Tipos inteiros

3 Manipulação de bits

## Operadores bit a bit

### Definição

Nome	Sintaxe	Comentário
Deslocamento à esquerda	$\ll$	novo valor = 0, $k \ll n \implies k * 2^n$
Deslocamento à direita	$\gg$	novo valor = 0, $k \gg n \implies k/2^n$
Negação	$\sim$	inversão de bit
Conjunção	$\&$	conjunção bit por bit
Disjunção	$ $	disjunção bit por bit
Disjunção exclusiva	$\wedge$	bit por bit

### Versões curtas

- $\gg=$ ,  $\ll=$ ,  $\&=$ ,  $|=$ ,  $\wedge=$  são definidos
- $x \mid= 1$  é  $x = x \mid 1$

## Exemplo

```

1 #include <stdio.h>
2
3 int main(void)
4 {
5     int n = 16;
6     unsigned m;
7     n >>= 1;
8     printf("%d\n", n);
9     m = n >> 3 & 1;
10    printf("%u\n", m);
11    n |= 2;
12    printf("%d\n", n);
13    n ^= 8;
14    printf("%d\n", n);
15    return 0;
16 }
    
```

### Resultados

```

8
1
10
2
    
```

## Exercício

- O que faz o código abaixo ?

```
1 int popcount(unsigned n)
2 {
3     int count = 0;
4     while (n != 0) {
5         if (n & 1u) count++;
6         n >>= 1;
7     }
8     return count;
9 }
```

## Referências

### Precisões

[KR88] 2.9, 2.12, A.6, B.11

[Bac13] 2.1.3, 2.1.4, 3.5, 3.8, 14.3.3, 15.1

-  André Backes, *Linguagem C completa e descomplicada*, Elsevier, 2013.
-  Brian W. Kernighan and Dennis M. Ritchie, *The (ANSI) C Programming Language*, 2nd ed., Prentice Hall Professional Technical Reference, 1988.

## Perguntas ?



<http://dimap.ufrn.br/~richard/dim0321>